

## Question 5

L'objectif du producteur est de maximiser son profit.

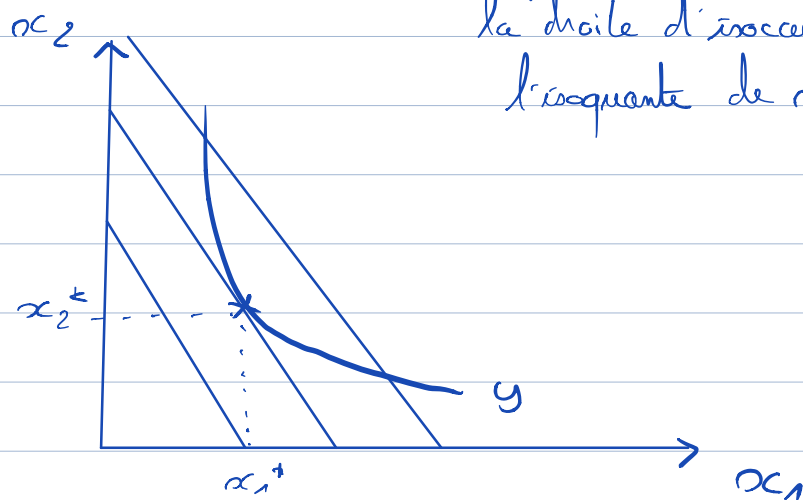
Pour un niveau de production donné  $\bar{y}$  cela revient donc à minimiser ses coûts de production.

Comme il peut produire  $\bar{y}$  avec différentes combinaisons de  $K$  et  $L$  (ici employés et des caméras) il doit donc choisir la combinaison  $(\alpha_1, \alpha_2)$  qui va lui permettre de produire  $\bar{y}$  de la façon la moins chère. Cela s'écrit :

$$\begin{cases} \text{Min}_{\alpha_1, \alpha_2} & p_1 \alpha_1 + p_2 \alpha_2 \\ \text{s.t.} & y = 9 \alpha_1^{2/3} \alpha_2^{1/3} \end{cases}$$

J'ai je cherche donc à minimiser mes coûts  
Et en tenant compte du fait que pour produire une  
quantité  $y$  je dois combiner  $\alpha_1$  et  $\alpha_2$  de certaines  
proportions

Au lieu dit  $y$  cherche pour chaque  $y$  possible le point de tangence entre la droite d'isocout et l'isoquante de niveau  $y$ .



A ce point et à ce point seulement le producteur a choisi les quantités  $x_1^*$  et  $x_2^*$  qui lui permettent de produire  $y$  en minimisant ses coûts.

Ce point correspond à l'égalité de la pente de la droite d'isocout (en valeur absolue) et le TRST (pente isoquante). On a donc

$$TRST_{x_1 \rightarrow x_2} = \frac{P_{m x_2}}{P_{m x_1}} = \frac{P_2}{P_1}$$

En résolvant ce programme vous pouvez trouver  $\alpha_1^*$  et  $\alpha_2^*$  pour n'importe quel  $y$  et prix des facteurs  $p_1$  et  $p_2$

↳ C'est ce qu'on appelle les demandes conditionnelles de facteurs

PS : Notez que c'est exactement similaire aux fonctions de demande Marshallienne de l'exercice de F. Gump.